



Studentenmitteilung

2. Semester - SS 2007

Abt. Technische Informatik
Gerätebeauftragter

Dr. rer.nat. Hans-Joachim Lieske

Tel.: [49]-0341-97 32213

Zimmer: So 04-47

e-mail: lieske@informatik.uni-leipzig.de

www: <http://www.informatik.uni-leipzig.de/~lieske>

Sprechstunde: Mi. 14⁰⁰ – 15⁰⁰ (Vorlesungszeit)

Aufgaben zu Übung Grundlagen der Technischen Informatik 2

4. Aufgabenkomplex - 1. Aufgabe

Minimierung logischer Schaltungen mittels des Verfahrens von Quine-Mc-Cluskey

Gegeben ist die nebenstehende vollständige Funktionstabelle:

Aufgaben:

Minimieren Sie die Schaltung nach Quine-Mc-Cluskey.

1. Bestimmen Sie die Anzahl der Einsen für jeden Minterm
2. Bestimmen Sie die 1. "Quine'sche" Tabelle
3. Bestimmen Sie die 2. "Quine'sche" Tabelle
4. Lösen Sie das Überdeckungsproblem mittels der Überdeckungsfunktion \bar{u}_f
5. Minimieren Sie die Schaltung und bestimmen Sie die Lösungen $Q_{D1-\min}(\text{Kosten}=\dots)=$, $Q_{D2-\min}(\text{Kosten}=\dots)=$, ... mit den geringsten Kosten
6. Zeichnen Sie den Schaltplan **einer** der minimierten Booleschen Funktionen mit den geringsten Kosten $Q_{1-\min}(\text{Kosten}=\dots)=$, $Q_{2-\min}(\text{Kosten}=\dots)=$, ... nach der Gleichung (streng)

Bemerkungen:

Im günstigsten Fall existiert nur eine Funktion mit minimalen Kosten, es können aber auch mehr sein.

Es sollen keine Reduktionsregeln für die 2. Quinesche Tabelle benutzt, sondern die Überdeckungsfunktion bestimmt werden.

Vollständige Funktionstabelle			
Nr.	Eingangsvariablen x_4, x_3, x_2, x_1, x_0	Q	Anzahl Einsen
0	00000	1	
1	00001		
2	00010	1	
3	00011		
4	00100		
5	00101	1	
6	00110	1	
7	00111	1	
8	01000	1	
9	01001	1	
10	01010	1	
11	01011	1	
12	01100	1	
13	01101		
14	01110	1	
15	01111		
16	10000	1	
17	10001		
18	10010	1	
19	10011		
20	10100		
21	10101	1	
22	10110	1	
23	10111	1	
24	11000	1	
25	11001	1	
26	11010	1	
27	11011	1	
28	11100	1	
29	11101	1	
30	11110	1	
31	11111		

Hilfen:

Vollständige Funktionstabelle			
Nr.	Eingangsvariablen x_4, x_3, x_2, x_1, x_0	Q	Anzahl Einsen
0	00000		
1	00001		
2	00010		
3	00011		
4	00100		
5	00101		
6	00110		
7	00111		
8	01000		
9	01001		
10	01010		
11	01011		
12	01100		
13	01101		
14	01110		
15	01111		
16	10000		
17	10001		
18	10010		
19	10011		
20	10100		
21	10101		
22	10110		
23	10111		
24	11000		
25	11001		
26	11010		
27	11011		
28	11100		
29	11101		
30	11110		
31	11111		

1. "Quine'sche" Tabelle (2.Teil)

1. Ordnung

Nr.	$x_4x_3x_2x_1x_0$	Primimplikant	Nr.	$x_4x_3x_2x_1x_0$	Primimplikant

Wenn der Term der mit den Termen der niederen- und der höheren Gruppe nicht vereinfacht werden kann, dann Primimplikant

1. "Quine'sche" Tabelle (3.Teil)					
2. Ordnung					
Nr.	$x_4x_3x_2x_1x_0$	Primimplikant	Nr.	$x_4x_3x_2x_1x_0$	Primimplikant

Wenn der Term der mit den Termen der niederen- und der höheren Gruppe nicht vereinfacht werden kann, dann Primimplikant

1. "Quine'sche" Tabelle (4. Teil)

3. Ordnung

Nr.	$x_4x_3x_2x_1x_0$	Prim m- Pli- kant	Nr.	$x_4x_3x_2x_1x_0$	Prim im- Pli- kant

Wenn der Term der mit den Termen der niederen- und der höheren Gruppe nicht vereinfacht werden kann, dann Primimplikant

Bemerkung:

Sind zwischen den Variablen keine Operatoren, so ist das als UND-Verknüpfung zu lesen.

Beispiel: $abc \equiv a \wedge b \wedge c$

Für bestimmte Fälle wird x_0 mit $2^0=1$, x_1 mit $2^1=2$, x_2 mit $2^2=4$ und später x_3 mit $2^3=8$ u.s.w. gewichtet, so das man sie als eine Zahl ansehen kann.

Bei den Schaltungen können die Gatter beliebig viele Eingänge haben, ausgenommen der Inverter. Es sind, wenn nicht ausdrücklich anders gefordert, nur AND-, OR- und NOT-Gatter zu verwenden.

Leere Felder in Karnaugh-Veitch-Diagrammen sind immer null.

Bei den Konversionen sind Inverter als Spezialfall der NAND- und NOR - Gatter auf der untersten Ebene erlaubt. Die Konversionen sind, wenn nicht anders angegeben, aus den kanonischen Normalformen zu erstellen.

Streng in Zusammenhang mit der Schaltung bedeutet, daß alle Inverter gezeichnet werden müssen! Es existiert jeweils nur ein Draht für die nicht invertierten Variablen.

Zum Beispiel gilt für die Implikanten 1. Ordnung (1,5) und (2,6) $I(1)=\{(1,5),(2,6)\}$

2. Ordnung (4,5,6,7) $I(2)=\{(4,5,6,7)\}$. Für die Primimplikanten z.B: $PI(1)=$ und die

Kernimplikanten z.B: $KPI(1)=$. Entsprechend gilt für Implikate I_k , Primimplikate PI_k und Kernprimimplikate KPI_k .

Bei der Baumdarstellung geht man zweckmäßiger Weise von der kanonisch disjunktiven Normalform oder einer disjunktiven Form aus.

Die Kosten sind entsprechend der Kostenbestimmung im Quine-McCluskey Verfahren aus der Vorlesung zu berechnen. Für n-Variablen hat der (Prim)implikant 0. Ordnung (Minterm) die Kosten n, der (Prim)implikant 1. Ordnung (2er Block) die Kosten n-1 usw.

Analog gilt es auch für die (Prim)implikate

Es kann mehrere minimale Funktionen mit minimalen Kosten geben.

Kernprimimplikanten sind eine Untermenge der Primimplikanten.

Primimplikanten sind eine Untermenge der Implikanten.

Im einfachsten Fall sind die Kernprimimplikanten gleich den Primimplikanten
Ebenso bei den Implikaten.